

# FUNCȚII CARDINALE ȘI FUNCȚII INTEGRALE CIRCULARE EXCENTRICE

MIRCEA EUGEN ȘELARIU, FLORENTIN SMARANDACHE  
and MARIAN NIȚU

## 0. REZUMAT

Lucrarea prezintă corespondentele din matematica excentrică ale funcțiilor cardinale și integrale din matematica centrică, sau matematica ordinată, funcții centrice prezentate și în introducerea lucrării, deoarece sunt prea puțin cunoscute, deși sunt utilizate pe larg în fizica ondulatorie.

În matematica centrică, sunt definite sinusul și cosinusul cardinal, ca și cele integrale, atât cele circulare cât și cele hiperbolice. În matematica excentrică, toate aceste funcții centrice se multiplică de la unu la infinit, datorită infinității de puncte în care poate fi plasat un punct, denumit excentru **S(s, ε)**, în planul cercului unitate  $CU(O, R = 1)$  sau a hiperbolei unitate echilatere  $HU(O, a = 1, b = 1)$ . În plus, în matematica excentrică apar o serie de alte funcții deosebit de importante, ca  $aex\theta, bex\theta, dex\theta, rex\theta$  și a care, prin împărțirea lor cu argumentul  $\theta$ , pot să devină și funcții circulare excentrice cardinale, ale căror primitive devin automat funcții circulare excentrice integrale.

Toate funcțiile supermatematice circulare excentrice (**FSM-CE**) pot fi de variabilă excentrică  $\theta$ , care sunt funcții continue în domeniul excentricității numerice liniare  $s \in [-1, 1]$ , sau de variabilă centrică  $\alpha$ , care sunt continue pentru oricare valoare a lui  $s$ , adică  $s \in [-\infty, +\infty]$ .

## KEYWORDS AND ABBREVIATIONS

C-Circular , CC-C centric, CE-C Excentric, CEL-C Elevat, CEX-C Exotic, F-Funcție, FMC-F Matematice centrice, M- Matematică, MC-M Centrică, ME-M Excentrică, S-Super, SM-S Matematică, FSM-F Supermatematice, FSM-CE-FSM–Circulare Excentrice, FSM-CEL-FSM-C Elevate, FSM-CEC-FSM-CE-Cardinale, FSM-CELC-FSM-CEL Cardinale

## 1. ÎNTRODUCERE : FUNCTIA SINUS CARDINAL CENTRIC

În dicționar, cuvântul **cardinal** este sinonim cu principal, esențial, fundamental. În matematica centrică, sau matematica ordinată, **cardinal** reprezintă, pe de o parte, un număr egal cu numărul membrilor unei mulțimi finite, denumit și **puterea** mulțimii, iar, pe de altă parte, sub denumirea de **sinus cardinal** (**sinc x**) sau **cosinus cardinal**, (**cosc x**), este o funcție specială, definită cu ajutorul funcției circulare centrice (**FCC**) **sinx** și, respectiv, **cosx**, utilizate frecvent în fizica ondulatorie (Fig.1) și a cărui grafic, al sinusului cardinal, este denumit, datorită formei lui (Fig.2), și “pălaria mexicană (sombrero)”.

Notată **sinc x**, funcția sinus cardinal este dată, în literatura de specialitate, în trei variante

$$(1) \quad \begin{aligned} \text{sinc } x &= \begin{cases} 1, & \text{pentru } x = 0 \\ \frac{\sin x}{x}, & \text{pt. } x \in [-\infty, +\infty] \setminus 0 \end{cases} \\ \frac{\sin x}{x} &= 1 - \frac{x^2}{6} + \frac{x^4}{120} - \frac{x^{76}}{5040} + \frac{x^8}{362880} + O[x]^{11} = \\ &= \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{(2n+1)!} \rightarrow \text{sinc } \frac{\pi}{2} = \frac{2}{\pi}, \quad \frac{d(\text{sinc } x)}{dx} = \\ &= \frac{\cos x}{x} - \frac{\sin x}{x^2} = \text{cosc } x - \frac{\text{sinc } x}{x}, \end{aligned}$$

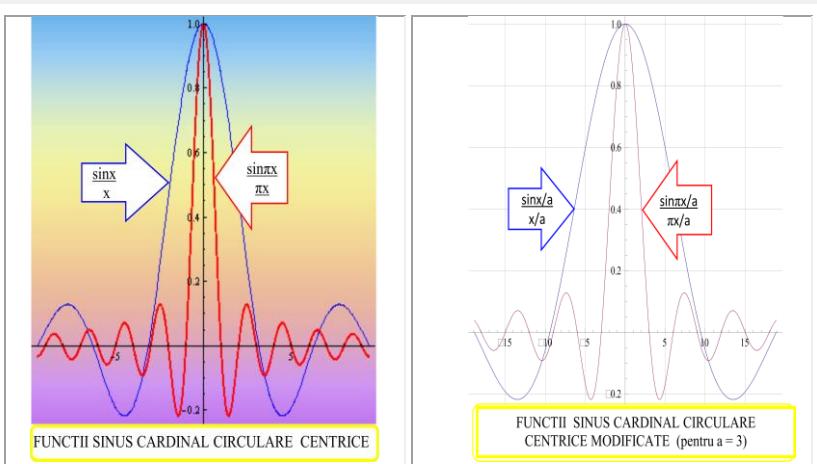
$$(2) \quad \text{sinc } x = \frac{\sin \pi x}{\pi x},$$

$$(3) \quad \text{sinc}_a x = \frac{\sin \frac{\pi x}{a}}{\frac{\pi x}{a}}.$$

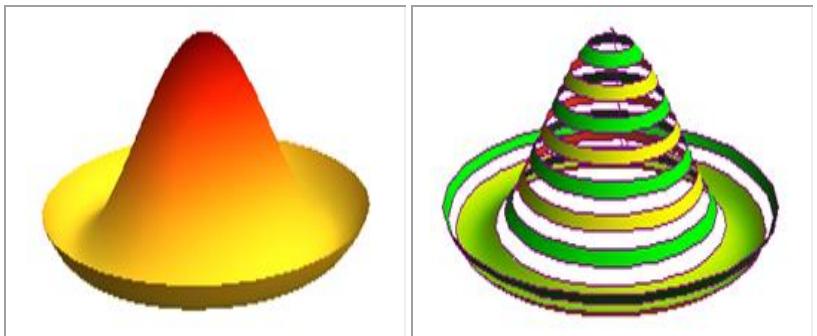
Este o **funcție specială** deoarece primitiva ei, denumită **sinus integral** și notată **Si(x)**

$$(4) \quad \forall x \in \mathbb{R}, \quad \text{Si}(x) = \int_0^x \frac{\sin t}{t} dt = \int_0^x \text{sinc } t. dt =$$

$$= x - \frac{x^3}{18} + \frac{x^5}{600} - \frac{x^7}{35280} + \frac{x^9}{3265920} + O[x]^{11} = \\ = x - \frac{x^3}{3 \cdot 3!} + \frac{x^5}{5 \cdot 5!} - \frac{x^7}{7 \cdot 7!} + \dots - \dots = \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{(2n+1)^2 (2n)!}$$

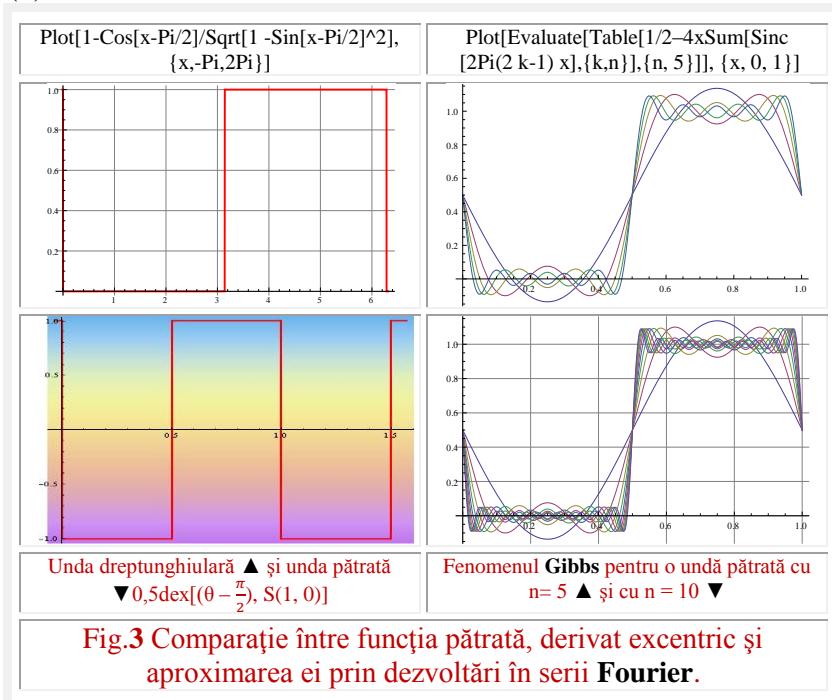


**Fig.1** Graficele funcțiilor circulare centrice sinus cardinal, în 2D, aşa cum sunt cunoscute în literatură



**Fig.2** Funcția sinus cardinal în 3D sau pălaria mexicană (sombbrero)

nu poate fi exprimată exact cu ajutorul funcțiilor elementare, ci doar prin dezvoltări în serii de puteri, aşa cum rezultă din relația (4).



Ca urmare, derivata ei este

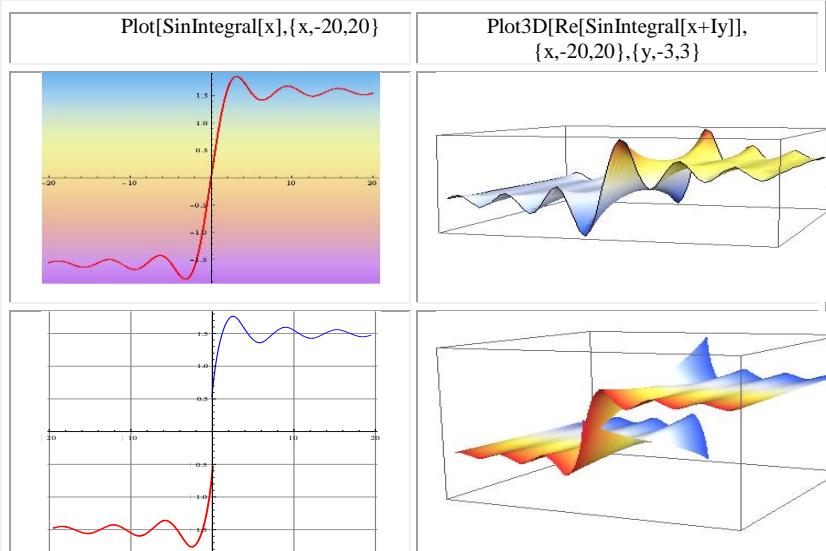
$$(5) \quad \forall x \in \mathbb{R}, \quad Si'(x) = \frac{d(Si x)}{dx} = \frac{\sin x}{x} = \operatorname{sinc} x$$

Funcția **sinus integral** **Si[x]** satisfacă ecuația diferențială

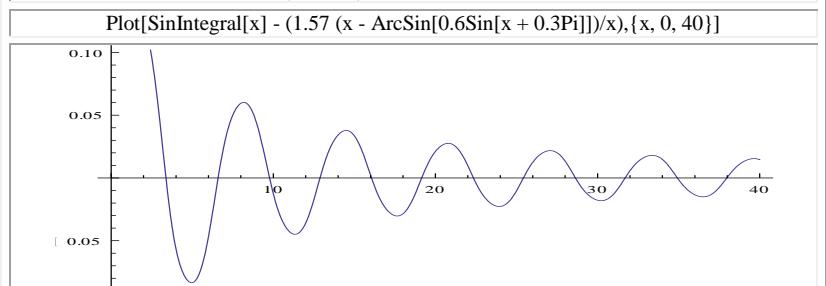
$$(6) \quad x \cdot f'''_{(x)} + 2f''_{(x)} + x \cdot f'_{(x)} = 0 \rightarrow f(x) = Si(x)$$

Fenomenul **Gibbs** apare la aproximarea funcției pătrate cu o serie **Fourier** continuă și diferențiabilă (Fig.3 → dreapta), operație care nu mai are sens, odată cu descoperirea funcțiilor **supermatematice circulare excentrice (FSM-CE)**, deoarece funcția **derivat excentric** de variabilă excentrică  $\theta$  poate exprima exact

acestă funcție dreptunghiulară (Fig.3 ▲ sus ) sau pătrată (Fig.3▼ jos), așa cum se poate observa în graficele lor (Fig. 3◀ stânga).



**Fig.4,a** Graficul funcție sinus integral  $\text{Si}(x)$  ▲ comparativ cu graficul **FSM-CE** amplitudine excentrică  $1,57 \text{ aex}[\theta, S(0,6; 0)]$  de variabilă excentrică  $\theta$  ▼



**Fig.4,b** Diferența dintre sinus integral și **FSM-CE** amplitudine excentrică  $F(\theta) = 1,5 \text{ aex}[\theta, S(0,6; 0)]$  de variabilă excentrică  $\theta$

Funcția sinus integral (4) poate fi aproximată cu suficientă precizie, cu diferențe maxime de sub 1 %, cu excepția zonei din

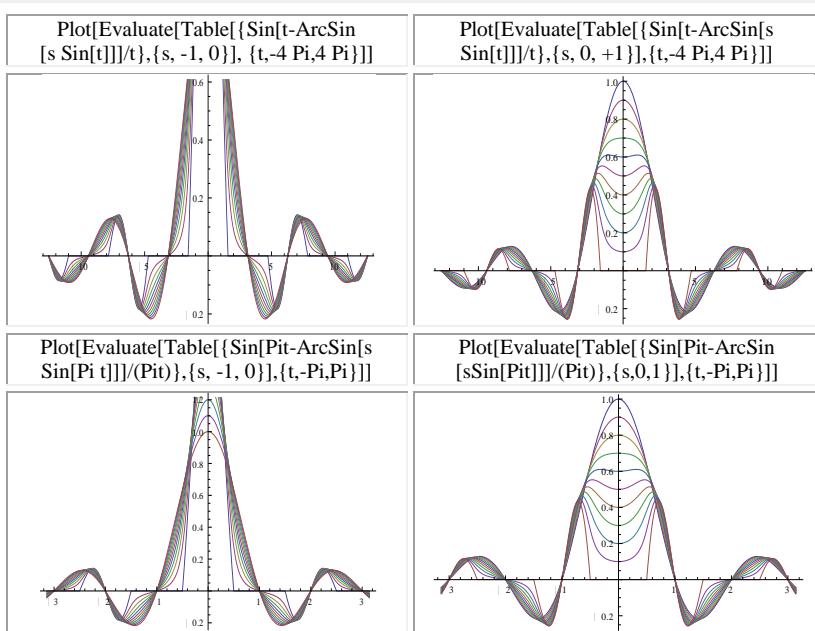
apropierea originii, de **FSM-CE** amplitudine excentrică de variabilă excentrică  $\theta$

- (6)  $F(\theta) = 1,57 \text{ aex}[\theta, S(0,6; 0)]$ , aşa cum rezultă din graficul din figura 4,b.

(7)

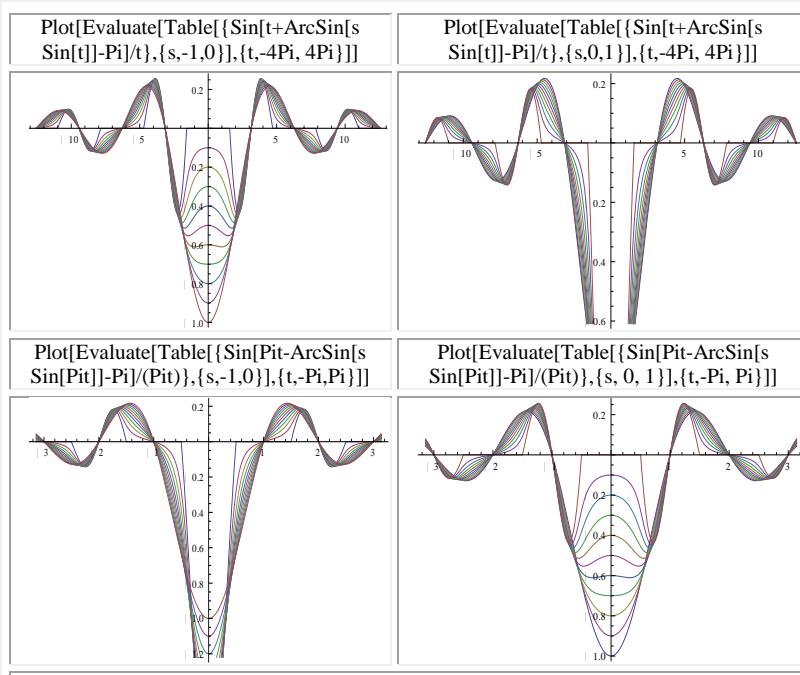
## 2. FUNCȚII SUPERMATEMATICE CIRCULARE EXCENTRICE CARDINALE. SINUS EXCENTRIC CARDINAL(FSM-CEC)

Ca toate celelalte funcții supermatematice (**FSM**) ele pot fi excentrice (**FSM-CE**), elevate (**FSM-CEL**) și exotice (**FSM-CEX**), de variabilă excentrică  $\theta$ , sau de variabilă centrică  $\alpha_{1,2}$ , de determinare principală, de indice 1, sau de determinare secundară, de indice 2.



**Fig.5,a** Graficele **FSM-CEC** sexc<sub>1</sub> [ $\theta, S(s, \varepsilon)$ ], de variabilă excentrică  $\theta$

La trecerea din domeniul circular **centric** în cel **excentric**, prin poziționarea **excentrului  $S(s, \varepsilon)$**  în oricare punct din planul cercului unitate, toate funcțiile supermatematice se multiplică de la unu la infinit, adică, dacă în **MC** există câte o unică funcție, de un anumit gen, în **ME** există o infinitate de astfel de funcții, iar pentru  $s = 0$  se va obține funcția centrică. Altfel spus, oricare funcție supermatematică conține atât pe cele excentrice, cât și pe cea centrică.



**Fig.5,b Graficele FSM-CEC  $\text{sexc}_2[0, S(s, \varepsilon)]$ , de variabilă excentrică  $\theta$**

Notată **sexc x** și respectiv **Sexc x**, inexistentă în literatura de specialitate, va fi dată, în cele trei variante, de relațiile

$$(8) \quad \text{sexc } x = \frac{\text{sex } x}{x} = \frac{\text{sex } [\theta, S(s, \varepsilon)]}{\theta}, \quad \text{de variabilă excentrică } \theta \text{ și}$$

$$(8') \quad \text{Sexc } x = \frac{\text{Sex } x}{x} = \frac{\text{Sex } [\alpha, S(s, \varepsilon)]}{\alpha}, \quad \text{de variabilă centrică } \alpha.$$

$$(9) \quad \text{sexc } x = \frac{\text{sex } \pi x}{\pi x}, \text{ de variabilă excentrică } \theta,$$

notată și prin  $\text{sexc}_\pi x$  și

$$(9') \quad \text{Sexc } x = \frac{\text{sex } \pi x}{\pi x} = \frac{\text{Sex}[\alpha, S(s, \varepsilon)]}{\alpha}, \text{ de variabilă centrică } \alpha, \text{ notată și prin } \text{Sexc}_\pi x.$$

$$(10) \quad \text{sexc}_a x = \frac{\text{sex } \frac{\pi x}{a}}{\frac{\pi x}{a}} = \frac{\text{sex } \frac{\pi \theta}{\theta}}{\frac{\pi \theta}{\theta}}, \quad \text{de variabilă excentrică } \theta,$$

cu graficele din figura 5,a și

$$(10') \quad \text{Sexc}_a x = \frac{\text{Sex } \frac{\pi x}{a}}{\frac{\pi x}{a}} = \frac{\text{Sex } \frac{\pi \alpha}{\alpha}}{\frac{\pi \alpha}{\alpha}}, \quad \text{de variabilă centrică } \alpha,$$

cu graficele din figura 5,b.

### 3. FUNCȚIILE SUPERMATEMATICE CIRCULARE EXCENTRICE SINUS ȘI COSINUS ELEVATE CARDINALE (FSM-CELC)

Funcțiile supermatematice circulare elevate (**FSM-CEL**), sinus elevat sel $\theta$  și cosinus elevat cel $\theta$ , reprezintă proiecția fazorului / vectorului  $\vec{r} = rex\theta \cdot rad\theta = rex[\theta, S(s, \varepsilon)].rad\theta$  pe cele două axe de coordonate X<sub>S</sub> și, respectiv, Y<sub>S</sub> cu originea în excentrul S(s,  $\varepsilon$ ), axe paralele cu axele x și y care au originea în O(0, 0).

Dacă cosinusul și sinusul excentrice sunt coordonatele punctului W(x,y), față de originea **O(0, 0)**, de intersecție ale dreptei **d** = **d<sup>+</sup>** ∪ **d<sup>-</sup>**, turnantă în jurul punctului **S(s, ε)**, cosinusul și sinusul elevate sunt aceleași coordonate față de excentrul **S(s, ε)**, adică, considerând originea sistemului de axe de coordonate XSY rectangular drept/reper în **S(s, ε)**. De aceea, între ceste funcții există relațiile

$$(11) \quad \begin{cases} x = cex\theta = X + s \cdot cose = cel\theta + s \cdot cose \\ y = Y + s \cdot sine = sex\theta = sel\theta + s \cdot sine \end{cases}$$

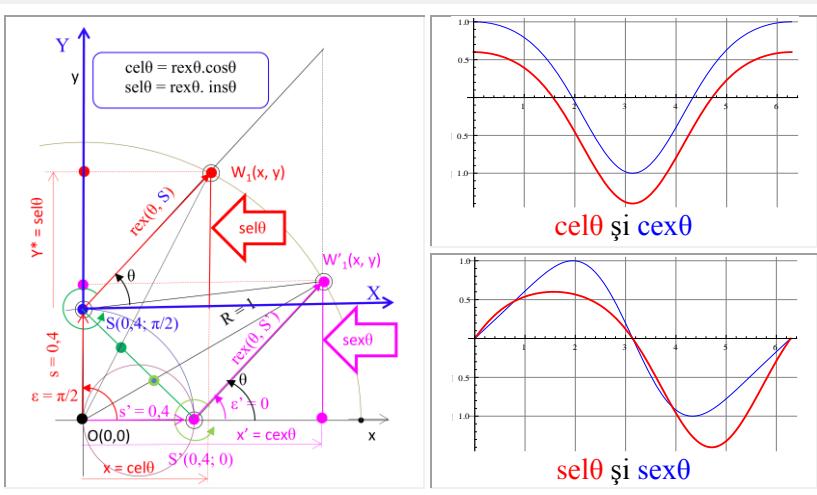


Fig. 6,a Comparație între funcții supermatematice elevate și funcții excentrice

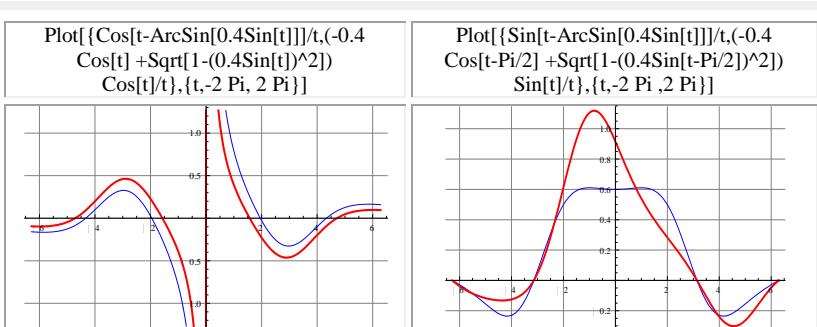
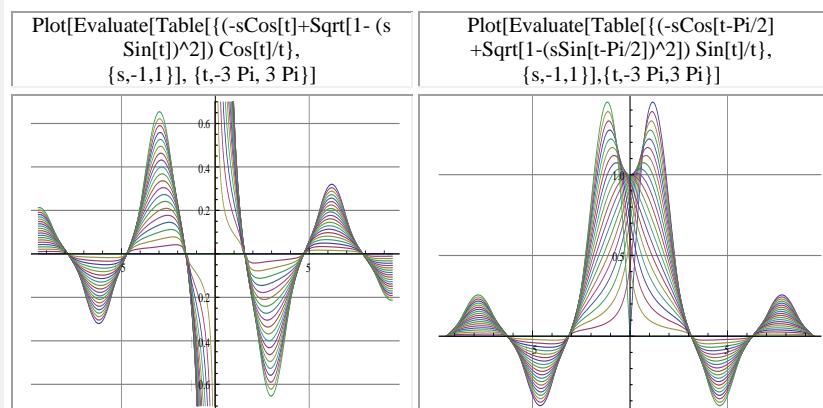


Fig. 6,b Funcții supermatematice elevate și funcții excentrice cardinale  $celc(x)$  ▲ și  $selc(x)$  ▼ de  $s = 0.4$

Din această cauză, pentru  $\epsilon = 0$ , adică excentralul **S** situat pe axa  $x > 0$ ,  $\text{sex}\theta = \text{sel}\theta$ , iar pentru  $\epsilon = \pi/2$ ,  $\text{cex}\theta = \text{cel}\theta$ , aşa cum se poate observa în figura 6,a. În această figură au fost reprezentate, simultan, graficele funcțiilor elevate  $\text{cel}\theta$  și  $\text{sel}\theta$ , dar și graficele

funcțiilor  $\text{cex}\theta$  și, respectiv,  $\text{sex}\theta$  pentru comparație și pentru relevarea elevației. Excentricitatea funcțiilor este aceeași, de  $s = 0,4$ , cu cea din schița alăturată și  $\text{sel}\theta$  are  $\varepsilon = \frac{\pi}{2}$ , iar  $\text{cel}\theta$  are  $\varepsilon = 0$ .



**Fig. 6,c Funcții supermatematice elevate excentrice cardinale  $\text{celc}(x) \blacktriangleleft$  și  $\text{selc}(x) \triangleright$**

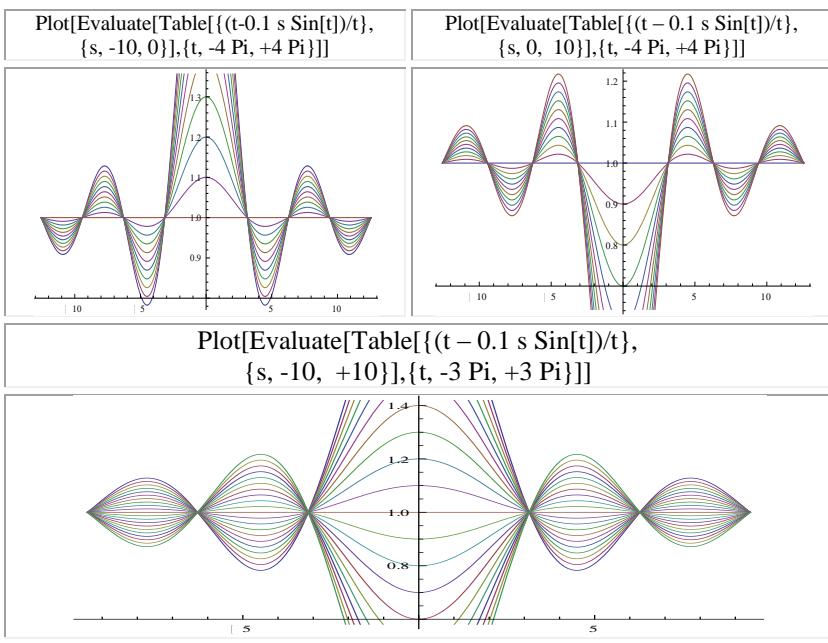
Prin impărțire cu  $\theta$ , funcțiile elvate, date de relațiile (11), se transformă în funcții cosinus și sinus elvate cardinale, notate  $\text{celc}\theta = \text{celc}[\theta, S]$  și  $\text{selc}\theta = \text{selc}[\theta, S]$ , date de expresiile

$$(12) \quad \begin{cases} X = \text{celc}\theta = \text{celc}[\theta, S(s, \varepsilon)] = \text{cexc}\theta - \frac{s \cdot \cos \varepsilon}{\theta} \\ Y = \text{selc}\theta = \text{selc}[\theta, S(s, \varepsilon)] = \text{sex}\theta - \frac{s \cdot \sin \varepsilon}{\theta} \end{cases} \quad \text{cu}$$

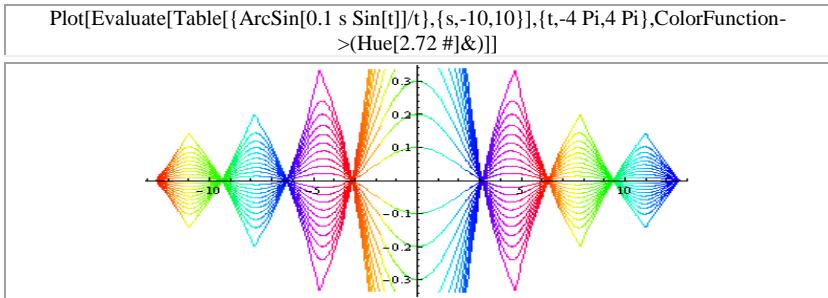
graficele din figura 6,b și 6,c.

#### 4. FUNCȚII SUPERMATEMATICE CIRCULARE EXCENTRICE CARDINALE (FSM-CEC) NOI

În acest paragraf sunt prezentate funcții care sunt necunoscute în literatura matematicii centrice, nici ca atare și nici ca funcții cardinale sau integrale. Ele sunt funcțiile supermatematice excentrice

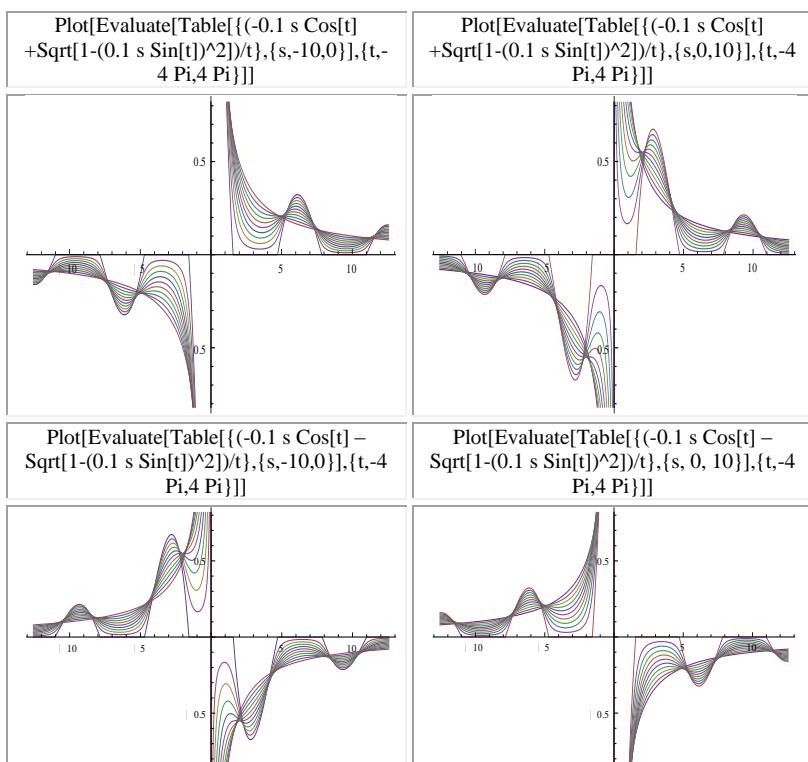


**Fig.7,a** Graficul funcție supermatematice circulare excentrice cardinală  $aexc(\theta)$



**Fig.7,b** Graficul funcție supermatematice circulare excentrice cardinală  $bexc(\theta)$

amplitudine, beta, radial, derivată excentrică de variabilă excentrică [1], [2], [3], [4], [6], [7] **cardinale** precum și funcțiile cvadrilobe [5] **cardinale**.



**Fig.7,c Graficul funcțiilor supermatematice circulare excentrice cardinale  $\text{rexc}_{1,2}(\theta)$**

Funcția amplitudine excentrică  $a_{\text{ex}}\theta$  cardinală, notată  $a_{\text{exc}}(x) = a_{\text{ex}}[\theta, S(s, \varepsilon)]$ ,  $x \equiv \theta$ , are expresia  

$$(13) \quad a_{\text{exc}}(\theta) = \frac{a_{\text{ex}}\theta}{\theta} = \frac{a_{\text{ex}}[\theta, S(s, \varepsilon)]}{\theta} = \frac{\theta - \arcsin[s \sin(\theta - \varepsilon)]}{\theta}$$
și graficele din figura 7,a.

Funcție beta excentrică cardinală va fi

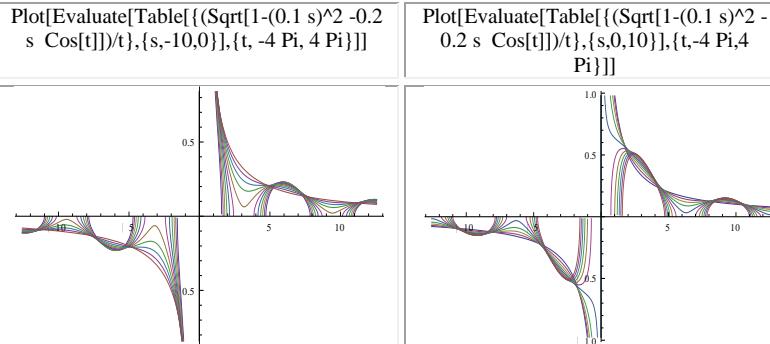


Fig.7,d Graficul funcție supermatematice circulare radial excentrică cardinală  $R_{\text{exc}}(\theta)$

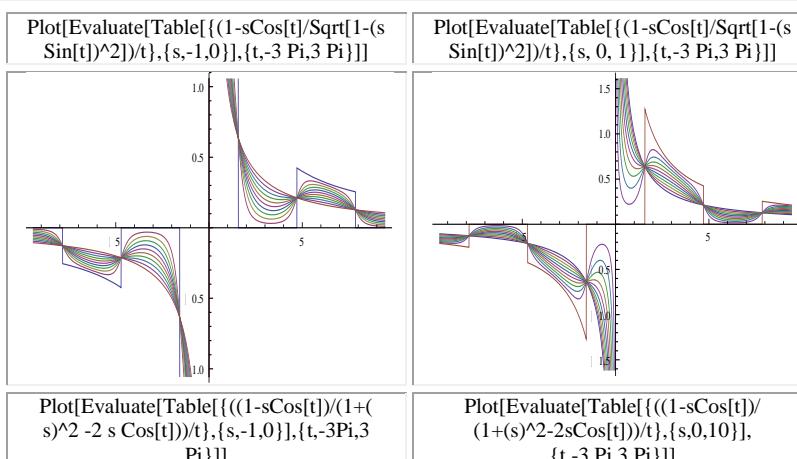


Fig.8,a Graficul funcție supermatematice circulare radial excentrică cardinală  $d_{\text{exc}}_1(\theta)$

$$(14) \quad b_{\text{exc}}(\theta) = \frac{b_{\text{ex}}\theta}{\theta} = \frac{b_{\text{ex}}[\theta, S(S, \varepsilon)]}{\theta} = \frac{\arcsin[s \sin(\theta - \varepsilon)]}{\theta},$$

cu graficele din figura 7,b.

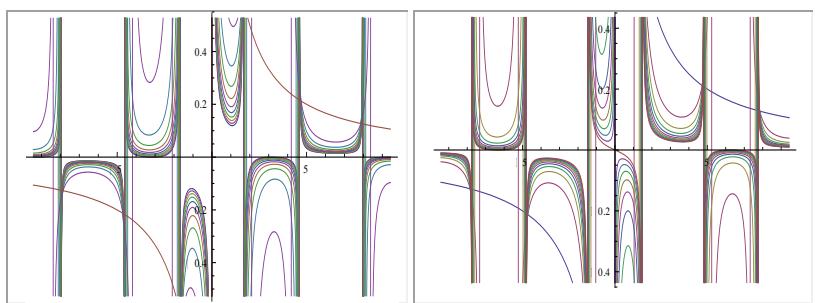
Funcția radial excentric cardinal de variabilă excentrică  $\theta$  are expresia

$$(15) \quad \text{rexc}_{1,2}(\theta) = \frac{\text{rex}\theta}{\theta} = \frac{\text{rex}[\theta, S(s, \varepsilon)]}{\theta} = \frac{-s \cos(\theta - \varepsilon) \pm \sqrt{1 - s^2 \sin^2(\theta - \varepsilon)}}{\theta} \text{ și}$$

graficele din figura 7.c, iar aceeași funcție, dar de variabilă centrică  $\alpha$  are expresia

$$(16) \quad \text{Rexc}(\alpha_{1,2}) = \frac{\text{Rex}\alpha_{1,2}}{\alpha_{1,2}} = \frac{\text{Rex}[\alpha_{1,2}, S(s, \varepsilon)]}{\alpha_{1,2}} = \frac{\pm \sqrt{1 + s^2 - 2s \cos(\alpha_{1,2} - \varepsilon)}}{\alpha_{1,2}}$$

și graficele, pentru  $\text{Rexc}(\alpha_1)$ , din figura 7.d.



**Fig.8,b** Graficul funcție supermatematice circulare radial excentrică cardinală  $\text{Dexc}(\alpha_1)$

O funcție supermatematică circulară excentrică cu lărgi aplicații, ea reprezentând funcția de transmitere a vitezelor și/sau a turărilor tuturor mecanismelor plane cunoscute, este funcția derivată excentrică  $\text{dex}_{1,2}\theta$  și  $\text{Dex}\alpha_{1,2}$  care prin impărțire / raportarea cu argumentele  $\theta$  și, respectiv,  $\alpha$ , conduc la funcțiile corespondente cardinale, notate  $\text{dexc}_{1,2}(\theta)$  și, respectiv  $\text{Dexc}(\alpha_{1,2})$  și de expresii

$$(17) \quad \begin{aligned} \text{dexc}_{1,2}\theta &= \frac{\text{dex}_{1,2}\theta}{\theta} = \frac{\text{dex}_{1,2}[\theta, S(s, \varepsilon)]}{\theta} = \frac{1 - \frac{s \cos(\theta - \varepsilon)}{\sqrt{1 - s^2 \sin^2(\theta - \varepsilon)}}}{\theta}, \\ \text{Dexc}\alpha_{1,2} &= \frac{\text{Dex}\alpha_{1,2}}{\alpha_{1,2}} = \frac{\text{Dex}[\alpha_{1,2}, S(s, \varepsilon)]}{\alpha_{1,2}} = \frac{\pm \sqrt{1 + s^2 - 2s \cos(\alpha_{1,2} - \varepsilon)}}{\alpha_{1,2}} \end{aligned}$$

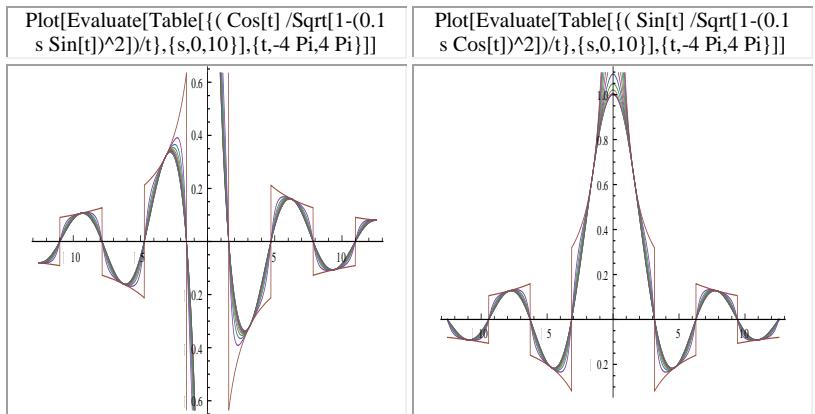
cu graficele din figura 8.

Deoarece  $\text{Dex}\alpha_{1,2} = \frac{1}{\text{dex}_{1,2}\theta}$  rezultă că și  $\rightarrow \text{Dexc}\alpha_{1,2} = \frac{1}{\text{dexc}_{1,2}\theta}$

Funcțiile cvadrilobe  $\text{siq}\theta$  și  $\text{coq}\theta$  prin împărțirea lor cu argumentul  $\theta$ , conduc la obținerea funcțiilor cvadrilobe cardinale  $\text{siqc}$   $\theta$  și  $\text{coqc}$   $\theta$  de expresii

$$(18) \quad \begin{cases} \text{coqc } \theta = \frac{\text{coq}\theta}{\theta} = \frac{\text{coq}[\theta, S(s, \varepsilon)]}{\theta} = \frac{\cos(\theta - \varepsilon)}{\theta \sqrt{1 - s^2 \sin^2(\theta - \varepsilon)}} \\ \text{siqc } \theta = \frac{\text{siq}\theta}{\theta} = \frac{\text{siq}[\theta, S(s, \varepsilon)]}{\theta} = \frac{\sin(\theta - \varepsilon)}{\theta \sqrt{1 - s^2 \cos^2(\theta - \varepsilon)}} \end{cases}$$

cu graficele din figura 9.



**Fig.9 Graficul funcție supermatematice cvadrilobe cardinală  $\text{ceqc}(\theta)$  ◀ și  $\text{siqc}(\theta)$  ▶**

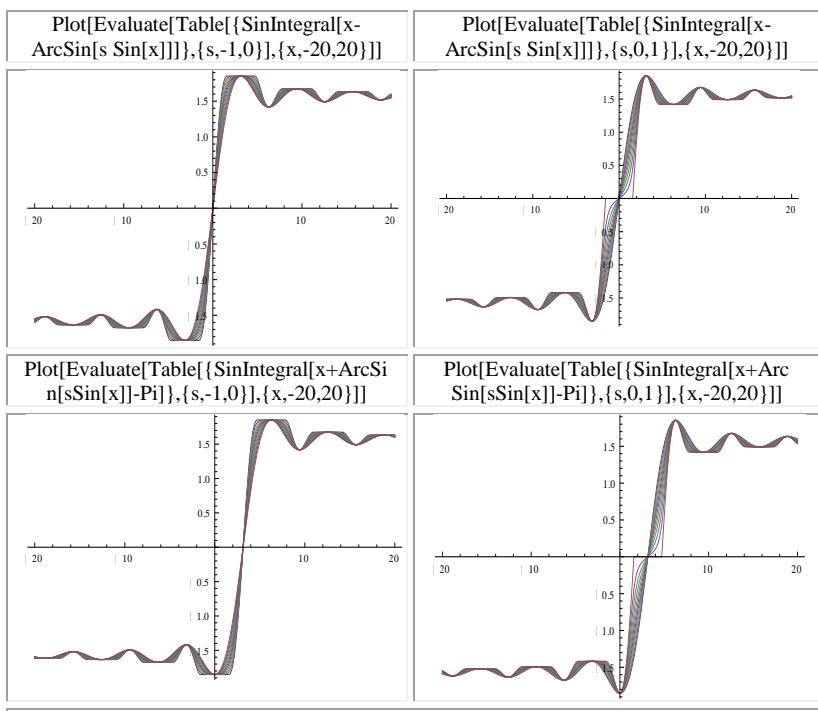
Se știe că, prin integrarea definită a funcțiilor cardinale centrice și excentrice, într-un cuvânt supermatematice, se obțin funcțiile integrale corespunzătoare.

Astfel de funcții supermatematice integrale sunt prezentate în continuare. Pentru excentricitate nulă, ele degeneră în funcții integrale centrice, în rest ele aparțin noii matematici excentrice.

## 5. FUNCȚII SINUS INTEGRAL EXCENTRICE

Se obțin prin integrarea funcțiilor sinus cardinal excentrice (13) și sunt

(19)      sie  $x = \int_0^x \sec \theta \cdot d\theta$  cu graficele din figura 10, pentru cele de variabilă excentrică  $x \equiv \theta$ .



**Fig.10,a** Graficul funcție sinus integral excentric  
sie<sub>1</sub>(x) ▲ și sie<sub>2</sub>(x) ▼

Spre deosebire de funcțiile centrice corespondente, unde sinusul integral este notat cu **Si**(x), sinusul integral excentric de variabilă excentrică a fost notat **sie**(x), fără majuscula S, care se va atribui, conform convenției, doar **FSM-CEC** de variabilă centrică.

Funcția sinus integral excentric de variabilă centrică, notate **Sie**(x) se obțin prin integrarea funcției supermatematice circulare excentrice sinus excentric cardinal de variabilă centrică (14)

(20)      Sexc(x) = Sexc[ $\alpha$ , S(s,  $\varepsilon$ )], astfel că ea este

$$(21) \quad \text{Sie}(x) = \int_0^x \frac{\text{Sex}[\alpha, S(s, \varepsilon)]}{\alpha} d\alpha, \text{ cu graficele din figura 10,b.}$$

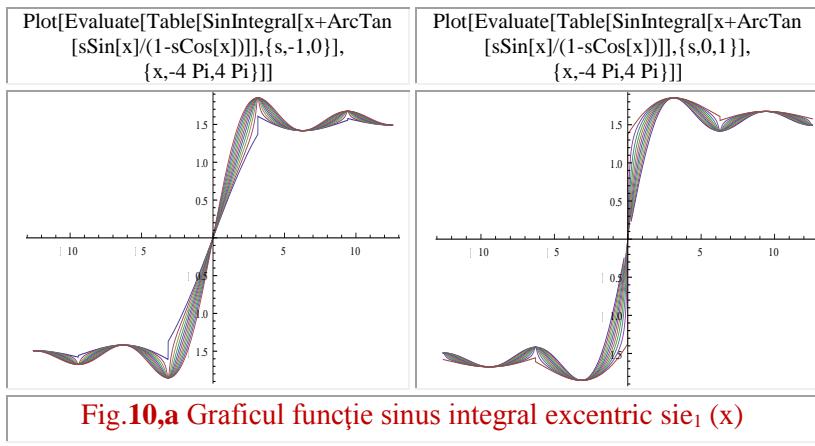


Fig.10,a Graficul funcție sinus integral excentric  $\text{sie}_1(x)$

## 6. CONCLUZII

Lucrarea a scos în evidență posibilitatea multiplicării ne definite a funcțiilor cardinale și a celor integrale din domeniul matematicii centrice în cel al matematicii excentrice sau al supermatematicii care constituie o reuniune a celor două matematici.

Totodată, au fost introduse prin supermatematică, pe lângă funcțiile cardinale și integrale cu corespondente în matematica centrică, o serie de funcții cardinale noi ce nu au corespondente în matematica centrică.

Nici aplicațiile noilor funcții supermatematice cardinale și integrale, cu siguranță, că nu se vor lăsa prea mult așteptate.

## 6. B I B L I O G R A F I E

[1]	ŞELARIU, Mircea Eugen	FUNCȚII CIRCULARE EXCENTRICE	Com. I Conferință Națională de Vibrări în Construcția de Mașini, Timișoara, 1978., pag.101...108
[2]	ŞELARIU, Mircea	FUNCȚII CIRCULARE EXCENTRICE și EXTENSIA	Bul .Şt. și Tehn. al I.P. "TV" Timișoara, Seria Mecanică, Tomul
	Eugen	LOR.	25(39), Fasc. 1-1980, pag. 189...196
[3]	ŞELARIU, Mircea Eugen	S U P E R M A T E M A T I C A	Com.VII Conf. Internaț. De Ing. Manag. Si Tehn., TEHNO'95 Timișoara, 1995, Vol. 9 : Matematica Aplicată.., Pag.41...64
[4]	ŞELARIU, Mircea Eugen	FUNCȚII SUPERMATEMATICE CIRCULARE EXCENTRICE DE VARIABILĂ CENTRICĂ	TEHNO '98. A VIII-a Conferința de Inginerie Menagerială și Tehnologică, Timișoara 1998, pag 531..548
[5]	ŞELARIU, Mircea Eugen	QUADRILOBIC VIBRATION SYSTEMS	The 11-th International Conference on Vibration Engineering, Timișoara, Sept. 27-30, 2005, pag. 77 ... 82
[6]	ŞELARIU, Mircea Eugen	SUPERMATEMATICA. Fundamente Vol.I	Ed.Politehnica, Timișoara, 2007
[7]	ŞELARIU, Mircea Eugen	SUPERMATEMATICA. Fundamente Vol.II	Ed.Politehnica, Timișoara, 2011 (Sub tipar)

[www.supermathematica.com](http://www.supermathematica.com)

[www.supermatematica.ro](http://www.supermatematica.ro)

[www.eng.upt.ro/~mselariu](http://www.eng.upt.ro/~mselariu)